

Решение:

Идея решения сводится к полному перебору всех возможных расстановок букв в квадратной матрице 4×4 . Для упрощения получения расстановок мы заменяем двумерный массив на одномерный. А именно, мы полагаем, что вся работа выполняется с массивом длиной в 16 элементов, элементы которого в процессе работы переводятся в двумерный.

Процедура получения очередной расстановки в свою очередь сводится к процедуре получения двоичного числа. Иными словами расстановка кодируется двоичным числом. Продемонстрируем это примером. Пусть дано множество из 3-х элементов (a, b, c) и дано некоторое двоичное число (трехзначное) например 010. Это число кодирует расстановку (b). Двоичное число 110 кодирует расстановку (a b). То есть если в двоичном числе в разряде с номером K стоит 1 то элемент множества с номером K в расстановке участвует иначе нет.

Из этого ясно, что механизм получения очередной расстановки сводится к получению очередного двоичного числа из уже имеющегося. А очередное число получается из текущего, прибавлением единицы по правилам двоичной арифметики.

Примечание

Однако для прибавления двоичной 1 можно воспользоваться более простым приемом:

- найдём первый младший нулевой элемент множества
- заменим его на единицу
- Все элементы стоящие до него заменим нулями.

Такой прием возможен если речь идет о прибавлении одной единицы. Поясним это утверждение примером:

1	0	1	1	1
				1
1	1	0	0	0

Действительно при прибавлении 1 к очередном разряде возникает ситуация переполнения, что приводит к записи нуля в очередном разряде результата, а 1 появляется только тогда, когда в очередном разряде слагаемого встречается ноль. В этом случае единица (которая называется «на ум пошло») переходит в разряд результата.

Таким образом мы воспользовались тем фактом, что между множеством двоичных чисел длины N и множеством расстановок из N элементов можно установить взаимно однозначное соответствие. Следовательно, задача поиска расстановок, полностью эквивалентна задаче построения двоичных чисел соответствующей длины. Поэтому вычислительный процесс состоит из двух компонентов:

- 1) Выполняется расчет очередного двоичного числа, которое собственно и представляет собой расстановку.
- 2) Выясняется, соответствует ли полученная расстановка критериям задачи.

Процесс завершается по получении последней расстановки которая в нашей терминологии соответствует наибольшему двоичному числу

Алгоритм

Пока не достигнуто наибольшее двоичное число **Выполнить**

Рассчитать очередное двоичное число

Если в числе 4 единицы, **То**

- Переводим одномерный массив в двумерный
- Выполняем проверку на соответствие очередной расстановки условиям задачи
- **Если** условия задачи выполнены **То**
 - Распечатываем очередную расстановку

Примечание

Для проверки количеств единиц, в программе созданы счетчики для каждой строки, каждого столбца и каждой большой диагонали. Условия задачи считаются выполненными, если значения всех счетчиков будут равны 1.

Текст программы на компонентном Паскале

```
MODULE Z1;
  IMPORT StdLog, In;
VAR
  a:ARRAY 100 OF INTEGER;
  b:ARRAY 100,100 OF INTEGER;
  n:INTEGER;
PROCEDURE proverka1():BOOLEAN;
VAR
  f:BOOLEAN;
  i:INTEGER;
BEGIN
  f:=FALSE;
  FOR i:=0 TO n-1 DO
    IF a[i]=0 THEN f:=TRUE;
    END;
  END;
  RETURN f;
END proverka1;

PROCEDURE dvymeriz();
VAR
  i, k, j:INTEGER;
BEGIN
  i:=0;
  FOR k:=0 TO 3 DO
    FOR j:=0 TO 3 DO
      b[k,j]:=a[i];
      i:=i+1;
    END;
  END;
END dvymeriz;
```

```

PROCEDURE proverka2():BOOLEAN;
VAR
flag2:BOOLEAN;
q,i:INTEGER;
BEGIN
q:=0;
flag2:=FALSE;
FOR i:=0 TO n-1 DO
IF a[i]=1 THEN q:=q+1;
END;
END;
IF q=4 THEN flag2:=TRUE;
END;
RETURN flag2;
END proverka2;

PROCEDURE work():BOOLEAN;
VAR
flag:BOOLEAN;
i,sum4,sum1,sum2,sum3,sum5,sum6,sum7,sum8,sum9,sum10,w:INTEG
ER;
BEGIN
flag:=FALSE;
sum1:=0;
sum2:=0;
sum3:=0;
sum4:=0;
sum5:=0;
sum6:=0;
sum7:=0;
sum8:=0;
sum9:=0;
sum10:=0;
FOR i:=0 TO 3 DO
IF b[i,0]=1 THEN sum1:=sum1+1;
END;
IF b[i,1]=1 THEN sum2:=sum2+1;
END;
IF b[i,2]=1 THEN sum3:=sum3+1;
END;
IF b[i,3]=1 THEN sum4:=sum4+1;
END;
IF b[0,i]=1 THEN sum5:=sum5+1;
END;
IF b[1,i]=1 THEN sum6:=sum6+1;
END;
IF b[2,i]=1 THEN sum7:=sum7+1;
END;
IF b[3,i]=1 THEN sum8:=sum8+1;
END;
IF b[i,i]=1 THEN sum9:=sum9+1;
END;
IF b[i,3-i]=1 THEN sum10:=sum10+1;

```

```

        END;
    END;
    IF (sum1=1) & (sum2=1) & (sum3=1) & (sum4=1) & (sum5=1) &
    (sum6=1) & (sum7=1) & (sum8=1) & (sum9=1) & (sum10=1) THEN
    flag:=TRUE;
    END;
RETURN flag;
END work;

PROCEDURE raspechatka();
VAR
l, k: INTEGER;
BEGIN
FOR k:=0 TO 3 DO
    FOR l:=0 TO 3 DO
        StdLog.Int(b[k,l]);
StdLog.String("  ");
END;
    StdLog.Ln;
END;
    StdLog.Ln;
END raspechatka;

PROCEDURE main*;
VAR
    i, h: INTEGER;
BEGIN
    In.Open;
    In.Int(n);
    FOR i:=0 TO n-1 DO
        a[i]:=0;
    END;
    WHILE proverka1() DO
        i:=0;
        WHILE a[i]=1 DO i:=i+1;
        END;
        a[i]:=1;
        FOR h:=0 TO i-1 DO
            a[h]:=0;
        END;
    IF proverka2() THEN
        dvymeriz();
    IF work() THEN
        raspechatka;
    END;
    END;
END;
END main;
END Z1.

```

Текст программы на C++

```

#include <iostream.h>
#include <conio.h>
#include <stdlib.h>
int b[100][100],n,a[100];
int work();
int proverka1();
int proverka2();
void dvymeriz();
void raspechatka();
void main()
{   cin>>n;
        for (int i=0;i<n;i++) a[i]=0;
while (proverka1()) //выполняется расчет очередного двоичного
числа
{i=0;//
        while (a[i]==1)
            i++;
            a[i]=1;
            for (int h=0;h<=i-1;h++) a[h]=0;
if (proverka2())
{dvymeriz();
if (work())
{raspechatka();
cout<<"\n";
}
}
}
}

int proverka1()
{
for (int i=0;i<n;i++)
    if (a[i]==0) return 1;
return 0;
}

int proverka2() //проверяем количество единиц в числе
{int q=0;
for(int i=0;i<n;i++)
    if (a[i]==1) q++;
    if (q==4) return 1;
return 0;
}

void dvymeriz()
{int q=0;
for (int i=0;i<=3;i++)
    for (int k=0;k<=3;k++)
    {
        b[i][k]=a[q];
        q++;
    }
}
}

```

```

int work() //Выяснение, соответствует ли полученная расстановка
критериям задачи
{int sum1=0,sum2=0,sum3=0,sum4=0,
    sum5=0,sum6=0,sum7=0,sum8=0,
    sum9=0,sum10=0;
for (int i=0;i<=3;i++)
{
    //проверка строк
    if (b[i][0]==1) sum1++;
    if (b[i][1]==1) sum2++;
    if (b[i][2]==1) sum3++;
    if (b[i][3]==1) sum4++;
    //проверка столбцов
    if (b[0][i]==1) sum5++;
    if (b[1][i]==1) sum6++;
    if (b[2][i]==1) sum7++;
    if (b[3][i]==1) sum8++;
    //проверка диагоналей
    if (b[i][i]==1) sum9++;
    if (b[i][3-i]==1) sum10++;
}
    if (sum1==1 && sum2==1 &&
        sum3==1 && sum4==1 &&
        sum5==1 && sum6==1 &&
        sum7==1 && sum8==1 &&
        sum9==1 && sum10==1) return 1;
return 0;
}
void raspechatka() //распечатываем верные расстановки
{
for (int i=0;i<=3;i++)
{
for (int k=0;k<=3;k++)
{
cout << b[i][k];
}
cout<<"\n";
}
}
}

```